# 進行波型超音波モータの非線形動特性解析\*

中川洋祐\*1, 斉藤彰\*2, 前野隆司\*3

# Non-linear Dynamic Analysis of Travelling-Wave-Type Ultrasonic Motors

Yosuke NAKAGAWA, Akira SAITO, Takashi MAENO

First, transient response of a bar-type ultrasonic motor is measured using laser-doppler-velocimeter in order to show the relationship between input parameters and the non-linear dynamic characteristics. Next, dynamical model of ultrasonic motor is constructed. The piezoelectric ceramics and stator's vibration are modeled as a second order system considering non-linear terms at piezoelectric ceramics and elastics of metal part of the stator. At the interface between the rotor and stator, three-dimensional discrete model using springs and dampers at the contact surface is introduced in order to calculate the friction force between them. Coulomb's friction model was introduced considering stick-slip at contact area. , As a result, the validity of the mathematical model was confirmed by showing that simulation results are in good agreement with those obtained by measurement.

Key Words :

Ultrasonic motor, dynamics, non-linear characteristics, contact analysis, stick-slip phenomenon, frictional loss

# 1. はじめに

超音波モータは、低速・高トルク、高応答性、高 保持トルク、静粛性などの特徴を有するアクチュエ ータであり、カメラのオートフォーカス・ズームや コピー機の駆動用アクチュエータとして実用化され ている<sup>(1)(2)</sup>.特に、リング型超音波モータ、棒状超 音波モータなどの進行波型超音波モータは、品質の 安定性・信頼性が高いため、様々なタイプが実用化 されている.しかし、超音波モータの動特性は非線 形性が強くモデリングが困難なため、非定常駆動時 における駆動メカニズムの詳細は明らかにされてい ない.このため、動特性を考慮した制御法が確立し ておらず、高速・高精度な運動を実現するには至っ ていない.

超音波モータの駆動メカニズムは、圧電・振動変換と振動子・回転子間の接触変換に大別することができる。それぞれについて駆動モデルを構築する研究は、これまで数多く行われている<sup>(3~6)</sup>.これらの

\*原稿受付 2006年9月8日.

\*<sup>1</sup>慶応義塾大学大学院(〒2238522 横浜市港北区日吉 3·14·1). \*<sup>2</sup>ミシガン大学大学院(2277 G. G. Brown Building, 2350 Hayward St. Ann Arbor, MI 48109-2125, USA) \*<sup>3</sup>正員,慶応義塾大学 E-mail: maeno@mech.keio.ac.jp

うち代表的なものを表1に示す。筆者らゆは、リン グ型超音波モータを対象に有限要素法を用いた接触 解析を行った. すなわち, 振動子・回転子間の接触 による非線形特性を考慮することによって、超音波 モータの定常回転時における駆動特性や摩擦損失を 計算している.しかし、振動子の圧電・振動変換、 振動子振動の非線形性および回転子の慣性を考慮し ておらず、超音波モータの過渡的な特性を明らかに できるものではない. Hagood ら<sup>66</sup>は, 圧電・振動 変換および振動子・回転子間の接触変換を考慮して 超音波モータの動力学モデルを構築した.しかし, Hagood らのモデルは振動子振動の非線形性が考慮 されていないうえ、接触部モデルにおける固着・滑 り現象を考慮していないため、回転子を駆動する摩 擦力を正確に計算できない. このため, 接触部にお ける摩擦損失の評価が適切に行えない. また, 実験 結果との比較による妥当性の検証は定常駆動時に限 られている. Tsai ら<sup>(0)</sup>は, Hagood らと同様, 圧 電・振動変換および固着・滑りを考慮しない接触変 換をモデル化し,超音波モータの非定常特性を計算 した. Tsai らはある単一の条件下で非定常駆動時 の特性解析結果が実験結果とほぼ一致することを確 認しているものの、本報第3章で示すような振動 子の非線形性を考慮していないため、パラメータ変

	Piezoelectric conversion	Nonlinear Vibration	Consideration of stick-slip	Model of contact area	Dynamics	State
Maeno 92	×	×	0	Multi point	×	Steady
Hagood 95	$\bigcirc$	×	×	Multi point	$\bigcirc$	Steady
Tsai 03	0	×	×	Multi point	$\bigcirc$	Non-steady
Gutschmidt 04	×	×	0	Single point	$\bigcirc$	Steady
Proposed model	0	$\bigcirc$	$\bigcirc$	Multi point	$\bigcirc$	Non-steady

Table 1 Researches on modeling of ultrasonic motors



Fig. 1 Structure of a bar-type ultrasonic motor



Fig. 2 Vibration-mode of a bar-type ultrasonic motor

化に起因するモータ特性の非線形性を表現できると は考えられない. Gutschmidt ら<sup>の</sup>は,接触部の固 着・滑り現象を考慮した接触変換モデルを用いて超 音波モータの動力学モデルを構築している.しかし, Gutschmidt らのモデルは接触を点接触に単純化し ている上,圧電素子における圧電変換がモデル化さ れていない.また,実験結果と計算結果の比較が定 常駆動時においてしか行われていない.このように, 振動子に電圧を印加してから回転子が回転するまで の機構,すなわち,圧電・振動変換と接触変換モデ ルを全て統一的にモデル化し,その妥当性を実験的 に検証した研究はこれまでに行われていなかった. 特に,振動子の非線形特性および接触による非線形 悭を考慮することによって,モータとしての非線形 駆動特性を明らかにした研究はなかった.

このため、本研究では、振動子振動の非線形性と

振動子・回転子間の接触による非線形性を考慮して, 圧電・振動変換と接触変換を網羅した超音波モータ の駆動モデルを構築するとともに,その妥当性を確 認することを目的とする.まず,超音波モータの過 渡応答の計測を行い,入力パラメータと過渡応答特 性の関係を明らかにする.次に,計測結果を考慮し て超音波モータの非線形動力学モデルを構築する. 最後に,計測結果と数値計算結果を比較し,本モデ ルによればモータの非線形動特性を定量的に解析で きることを示す.

# 2. 棒状超音波モータの構造と原理

本研究では、進行波型超音波モータの一種である キヤノン製棒状超音波モータ(9/10)を用いて研究を行 う.棒状超音波モータはカメラの AF 駆動用アクチ ュエータとして実用化されており、耐久性・信頼性 に優れる.棒状超音波モータの構造を図1に、駆 動原理を図 2 に示す.棒状超音波モータは振動子 と回転子より成る.棒状振動子にはドーナツ板状の 圧電素子が挟み込まれており, 回転子はばねにより 加圧され振動子と接触している. 圧電素子に, 振動 数が固有振動数に近い2相の交流電圧を印加する と、振動子には2つの相似形の固有振動モード (図 1(b)の曲げ1次モードと、紙面に直行した面内 の曲げ1次モード)が励振される. ここで2つの 振動の位相差を 90deg にすると、振動子には図 2 のような首振り運動が発生する. この時振動子の上 面は図 2 に示した楕円軌道を描いて振動している ため、振動子と接触する回転子は摩擦力を受けて回 転する. リング型超音波モータと同様, 接触点が時 間の経過とともに移動する進行波型の超音波モータ である.

#### 3. 駆動特性の計測

棒状超音波モータの動特性を明らかにするために、 レーザ・ドップラ速度計(LDV)を用いて過渡応答 の測定を行った.発振器から増幅器を介して 1000 周期分の2相交流電圧をバースト状にモータに入力 することにより、モータを起動・停止させた. この 時の回転子の回転数および振動子の振動を, LDV によって計測した.計測結果を図3に示す.図3は, 印加電圧の周波数を 37kHz, 振幅を 15Vp-p, 位相差 を 90deg としたときの回転子および振動子の過渡応 答である.図3(a)は振動子の振動の法線方向速度, 図 3(b) は回転子の回転数の履歴を示している.図 (a)では 37kHzの振動の振幅変化が包絡線として見て 取れる. 圧電素子に電圧が印加されたときに振動子 に生じる超音波振動は、約3msで0.7m/sまで立ち上 がった後, うなりのような減衰振動を伴って約 0.6m/s に収束している. また, 回転子の回転数(b)も, 同様に、約4msで1560rpmまで立ち上がった後に減 衰振動を伴って約 1200mm に収束している.時刻約 27msにおいて入力電圧が 0V になると、振動子およ び回転子はほぼ直線的に減速し、振動子の振動は 30ms, 回転子の回転は 31ms で停止している. 以上 より、起動・停止時において回転子の回転数は振動 子振動包絡線にわずかな遅れを伴って追従している ことがわかる. このことは、超音波モータをダイレ クト駆動用アクチュエータとして用いるときの数 ms レベルでの高応答性を示すと同時に、超高速に

起動制御や追従制御を行う際にはうなり振動の改善 が必要であることを表している.

次に、印加電圧のパラメータを変化させて同様の



Fig. 3 Transient response of the rotor/stator



Fig. 4 Measured dynamic characteristics



Fig. 5 Mathematical model of ultrasonic motor

計測を行った.印加電圧の周波数を 36.5~37.5kHz, 振幅を 11~17Vp-p の間で変化させた.測定結果を 図 4 に示す(図中の電圧はピークトゥーピーク(pp)の値を示し,他の図も同様である).

図4(a)は、入力電圧の周波数と振幅を変えた際の 定常状態における回転子の回転数を示している.振 幅を一定に保った状態で駆動周波数を 37.5kHz から 低下させていったとき、回転数は徐々に増大した後、 ある周波数のときに急激に低下している.また、回 転数が最大値を取る周波数は、印加電圧振幅が大き いほど小さくなっている.これらは、4.5 節で述べ る振動子の漸軟ばね型非線形特性による共振周波数 の変化に起因すると考えられる.したがって、モー タのこのような非線形特性を解析モデルで再現する ためには、振動子の漸軟ばね型非線形特性を考慮し なければならないことがわかる.

図 4(b)に、モータ起動時における回転子の遅れ時間(入力開始から最大値に至るまでの時間)を示す. 遅れ時間も、定常回転数と同様に、モータの共振周 波数近傍で最大となっている.この値は、電圧振幅 が大きいほど大きくなっている.なお、測定値がプ ロットされていない点は、回転子が停止したことを 表す.もしもモータが線形特性を呈するなら、うな りに起因する遅れ時間は固有周期と加振周期の差に 比例するはずであるが、必ずしもそのようにはなっ ていなかった.このことからも、モータの非線形性 を考慮する必要があることがわかる.

図 4(c) には、モータ起動時における行き過ぎ量 (最大値と収束値の比)を示す.電圧振幅を一定に して周波数のみを変化させた場合、駆動周波数がモ ータの共振周波数に近づくと回転子の行き過ぎ量は 減少する傾向にあることがわかる.

図4(d)には、入力を停止してから回転子が停止す るまでの停止時間を示す.モータの停止に要する時 間は定常回転数と同様、印加電圧が大きいほど大き い.なお、図3に示したように、振動子・回転子は ほぼ直線的に減速するので、モータ停止時における 負の加速度は、駆動条件によらずほぼ一定であると 考えられる.

なお、図4に示した非線形性は、棒状超音波モー タのみならずリング型など他のタイプの超音波モー タでも生じる一般的現象であることが知られている.

# 4. モデル化

次に、棒状超音波モータの動力学モデルを構築し た. モデルの模式図を図5に示す. 本モデルは、振 動子モデル,接触部モデル,回転子モデルの3つよ り成る. 超音波モータの振動子は、実際には無限自 由度を持つ連続体であるが、支配的な振動は、駆動 に用いる直交した2つの曲げ振動1次モードの励振 に基づく振動子上部円盤の鉛直軸周りのニューテー ション運動であるので、本モデルでは、振動子の振 動を、剛体円盤とねじりばねおよびダンパから成る 3 自由度振動系に近似する. すなわち, 電圧が印加 された圧電素子のひずみにより生じる曲げ固有振動 モード (図 1(b)) を,図5のような,圧電素子のひ ずみにより生じた X (または Y) 軸周りのモーメン トに起因する振動子上部円盤のX(またはY)軸周 りの振動で表す.実際の振動子上面と図5のモデル における剛体円盤上面の振動振幅分布はよく一致し ている.

4.1 振動子モデル 振動子の振動を,圧電素子 に電圧が印加されてから圧電素子がモーメントを発 生するまでの圧電変換モデルと,圧電素子にモーメ ントが発生してから振動子に振動が発生するまでの 振動モデルに分割してモデル化する.圧電方程式に おいて,印加電圧の振幅と発生力は比例関係にある. ただし,圧電素子と振動子の金属はボルトにより圧 着されているため,両者の摺動による損失が生じる. 本研究では,振動子の振幅増大に伴って圧電素子と 金属の間の境界面において損失が発生することを考 慮し,圧電素子が振動子に与えるモーメント Mrzr を,

$$M_{PZT} = \frac{V}{\alpha_{PZT} + \beta_{PZT} A^2}$$
(1)

と定義する.式(1)において、Vは印加電圧、Aは振 動子の振幅,  $\alpha_{PT}$ ,  $\beta_{PT}$ は定数である. 式(1)は, 振 動子の振幅が増大すると,金属と圧電素子の間に損 失が生じて振動子に生じるモーメントが小さくなる ことを現している.なお、本現象のメカニズムの詳 細解明は今後の課題であるが、式(1)は、4.5節で述 べるように、実際の現象を精度よく表現できる実験 式である.

振動子の回転子との接触部を表す剛体円盤に設置 したねじりばねにおけるねじり角のと反モーメント  $M_E$ の関係は,

$$M_E = k\theta + d\theta^3 \tag{2}$$

のような3次式とした.3次の項は、振動子の漸軟ば ね型非線形特性を表現するための項である. 振動子 は、圧電素子からのモーメントおよび振動子の反モ ーメントのみならず、回転子との接触によって生じ る摩擦力および加圧力の影響を受ける. これらの点 を考慮し, Euler の運動方程式によって, 振動子の 運動を定式化した. 振動子の運動方程式は、

$$I\boldsymbol{\omega}_{s} + \boldsymbol{\omega}_{s} \times (I\boldsymbol{\omega}_{s}) = \boldsymbol{M}_{P} - \boldsymbol{M}_{E} - \boldsymbol{M}_{C} - \boldsymbol{M}_{D}$$
(3)

のように表せる. ここで、 I は振動子の慣性モーメン ト,  $\boldsymbol{\omega}$ は振動子の角速度,  $M_P$ ,  $M_E$ ,  $M_C$ ,  $M_D$ は, そ れぞれ、圧電素子からの力、振動子の剛性による反力、 接触部の摩擦力,粘性力によるモーメントである.

4.2 接触部モデル 振動する振動子に回転子が 接触すると、接触部には摩擦力が発生する.本研究 で提案するモデルでは、振動子上面の円周上に均等 配置した n 個の節点を介して摩擦力の伝達が行われ るような離散化(11)を行う. すなわち, 回転子の表面 に離散的に配置した 3 次元ばねおよびダンパの変 位によって摩擦力を表現する(図 5).各節点にお ける摩擦力が最大静止摩擦力を超えないときには、 その点で振動子と回転子が滑らずに接触していると みなす Coulomb の摩擦モデルを用いる. 各節点に おける最大静止摩擦力 fmax<sup>i</sup>は,接触部の法線方向 反力を $f_n^i$ ,静止摩擦係数を $\mu$ sとして

$$f_{max}{}^{i} = \mu_s f_n{}^{i} \tag{4}$$

によって計算する. 添え字 i は節点 i (i=1~n)を表す. 摩擦力が最大静止摩擦力に達する と、節点とばねの間に滑りが生じ、動摩擦力 f<sup>i</sup> が 発生する.動摩擦力f<sub>d</sub>は

$$f_d^{\ i} = sign(V_{rel}^{\ i}) \ \mu_s f_n^{\ i} \tag{5}$$



Fig. 6 Frequency characteristics of stator

により計算する. ここで、 V<sub>rel</sub><sup>i</sup> は各節点における振 動子・回転子間の相対速度である. 接触部に発生す る粘性力 f<sub>viscosity</sub><sup>i</sup>は,

$$f_{viscositv}{}^{i} = c \ \Delta z^{i} \ V_{rel}{}^{i} \tag{6}$$

により計算する. Az<sup>i</sup> は接触部ばねの法線方向変位 である. すなわち, 粘性力の振幅依存性を表してい る.

4.3 回転子モデル 接触部に生じた摩擦力の合 力によって回転子は駆動される.回転子の運動は回 転方向および鉛直方向の2自由度を有する.この ため,回転子の運動方程式を,ニュートンの並進お よび回転の運動方程式により表した.回転子の運動 方程式を式(7)(8)に示す.

$$I_r \omega_r + c_r \omega_r = \mathbf{M}_C \cdot \mathbf{e}_z - sign(\omega_r) \mathbf{M}_f$$

$$m z + c z = F + F$$
(8)

$$c_r z + c_r z = F_c + F_s \tag{8}$$

式(7)は回転子の回転に関する運動方程式であり、Lは 回転子の回転方向の慣性モーメント, crは回転子の粘 性係数, e,は z 方向の単位ベクトル, a,は回転子の角 速度, M<sub>t</sub>は回転子がフランジから受ける一定の摩擦 力である.また、式(8)は回転子の鉛直方向の運動方程 式を示しており、 $m_r$ は回転子の質量、 $F_c$ は回転子が 接触部から受ける力,F。は回転子が加圧ばねから受け る力を示している.

4.4 解析の流れ 解析では、振動子のねじり角, 回転子の回転角,回転子の鉛直方向変位,回転子表 面のばねの変位, 圧電素子からのモーメントを変数 として扱う.また、接触部における接触状態(固着 または滑り)の履歴を求めるために収束演算を行う. すなわち,時刻 tでの状態が既知のとき,時刻 t+Δt (*∆t* は時間増分) での状態を求めるには、まず、 時刻 t における印加電圧を計算する.次に,時刻 t+∆t における接触部の固着・滑り・非接触分布が

Paramet	er Description	Value (unit)
Rs	Radius of stator	4.46×10 <sup>3</sup> (m)
R <sub>r</sub>	Radius of rotor	5×10 <sup>-3</sup> (m)
$I_{x}I_{y}$	Inertia (x,y) of stator	2.6×10 <sup>8</sup> (kgm <sup>2</sup> )
$I_z$	Inertia $(z)$ of stator	$1.05 \times 10^{8} (\text{kgm}^{2})$
$I_r$	Inertia of rotor	2.26×10 <sup>8</sup> (kgm <sup>2</sup> )
m <sub>r</sub>	Mass of rotor	$2.1 \times 10^3$ (kg)
$k_x, k_y$	stiffness $(x, y)$ of stator	1.37×10 <sup>3</sup> (Nm/rad)
$k_z$	Stiffness $(z)$ of stator	3.4×10 <sup>4</sup> (Nm/rad)
$C_x, C_y$	Damping $(x, y)$ of stator	0.1422(Nm•s/rad)
C <sub>z</sub>	Damping(z) of stator	0.4513(Nm•s/rad)
d	3rd order stiffness of stator	$-7.5 \times 10^{6} (N \cdot m/rad^{3})$
$k_z$	Vertical stiffness of rotor sprong	4.9×10 <sup>4</sup> (N/m)
k <sub>r</sub>	Radial stiffness of rotor spring	4.3×10 <sup>4</sup> (N/m)
$k_{w}$	Rotor rotational stiffness	3.8×10 <sup>5</sup> (N/m)
$C_3, C_r, C_{\psi}$	Non-linear damping coefficient	$10^{-10}(N \cdot s/m^2)$
$\mu_s$	Static coefficient of friction	0.5(-)
$\mu_d$	Dynamic coefficient of friction	0.5(-)
0 (PZT	_	2.52×10 <sup>2</sup> (V/N/m)
$\beta_{PZT}$	_	1.19×10 <sup>6</sup> (V/J <sup>2</sup> )
C <sub>r</sub>	Damping of rotor	10 <sup>-10</sup> (N•m•s/rad)
$M_{f}$	Constant of frictional torque	1×10 <sup>4</sup> (Nm)

Table 2	Parameter	used in t	he calo	culation
---------	-----------	-----------	---------	----------

時刻 tにおける状態と同じであると仮定し,その仮 定のもとで各接触点での摩擦力を計算する.計算し た摩擦力および  $4.1 \sim 4.3$  節で述べたモデルを用い て運動方程式を解き,時刻  $t+\Delta t$  における振動子・ 回転子の状態および接触点での接線方向力  $f_t^i$  と法 線方向力  $f_n^i$ を求める.ここで, Coulomb 摩擦モデ ルを用いて固着・滑り・非接触を判別し,各点にお ける接触状態を求める.接触状態が前回求めた値と 異なる場合は,接触状態を修正した後に再び時刻  $t+\Delta t$  のときの値を計算する.すべての点 iにおける 接触状態が前回の値と等しい時,時刻  $t+\Delta t$  におけ る収束解が得られたとみなす.この場合,時刻  $t+\Delta t$  における収束演算を終了し,次の時間ステッ プに進み,同様の計算を繰り返す.数値積分には 4 次の Runge-Kutta 法を用いた.

4.5 パラメータの決定 式(1)から(3)で示した振動子モデルのパラメータを決定するために、モータから回転子を外した状態で振動子の振動の計測を行った.印加電圧の周波数を35.5kHzから37.5kHzまで4秒かけて掃引し、振動子の振動振幅をLDVにより測定した.振動子モデルのパラメータは、振動子振動の周波数特性が実験値と一致するように設定した.決定したパラメータを用いて計算した周波数特性を測定結果とともに図6に示す.図6より、計算結果と測定結果は、漸軟ばね型非線形特性も含めてよく一致していることがわかる.なお、接触部における離散ばねの剛性は有限要素法を用いて決定



Fig. 7 Calculated and measured time history of transient response of the rotor

した.回転子のパラメータは、回転子の形状および 質量から計算した.決定したパラメータの値を表 2 に示す.

# 5. モデルの検証

構築したモデルを用いて、過渡応答の数値計算を 行った.計算では、計測時と同様に交流電圧をバー スト状に印加し、モータの起動・停止時における過 渡応答を計算した.なお、接触部の分割数 n は 256 とした.nの値は、これ以上値を大きくしても解が ほとんど変化しないような十分大きな値を選んだ. 時間ステップムt は 0.5µs とした. Δt の値は、これ以 上値を小さくしても解がほとんど変化しないような 十分小さな値を選んだ.

計算結果の一例を図 7(a)に示す. 図 7(a)は, 印加 電圧の振幅を 15Vpp, 位相差を 90deg として周波 数を変化させた場合の回転子の回転数の履歴である. 比較のために, 図 7(b) に計測結果を示す. 図 7 よ り, 起動・停止時における回転子の回転数変化の計 算結果は, 計測結果とよく一致した特性を呈してい ることがわかる. 特に, 回転子の定常回転数および 入力停止時から回転子停止時までの回転数の計算結



Fig. 8 Calculated dynamic characteristics

果は計測結果とほぼ一致している. 起動時の回転特 性を見ると、回転数過渡特性の特徴は一致している ものの、計算値と実験値には若干の違いが見られる. これより、振動子の非線形パラメータに調整の余地 が残されていると考えられる. この点は今後の課題 である.ただし、従来の他の研究では、図6に示し たような振動子の非線形性を考慮していなかったた め、振動子の振動振幅を変化させたときの回転子の 回転特性の計算値を実験値と一致させることは極め て困難であった.特に、周波数変化に伴ううなり挙 動の計算値を図7のように実験値とある程度一致さ せることは、線形モデルでは不可能であった.これ に対し、構築したモデルでは両者はある程度定量的 に一致している. このことから, 本モデルはモータ の過渡現象を従来の他のモデルよりも適切に表現で きているといえる.

次に、印加電圧を変化させて同様の計算を行い、駆動パラメータとモータの過渡状態における駆動特性の関係を計算した.計算結果を図8に示す.図8(a)~(d)に対応する解析結果を示す.図8と図4を比較すると、(a)のモータの定常回転数および(d)の停止時間はほぼ一致している.定常回転数が一致しているということは、振動子と回転子の

定常状態における相互作用が適切にモデル化されて いることを意味する.また、計算と実験におけるモ ータの停止時間が一致していることは、振動子・回 転子間の接触モデルの妥当性も示していると言える. (b)の遅れ時間および(c)の行き過ぎ量は定性的に一 致している. 定量的には必ずしも一致していない理 由は、回転子および接触部の粘性係数などのパラメ ータの非線形性を含めたモデル化に改善の余地が残 されているためと考えられる. また, 駆動周波数の わずかな変動に対して回転子の遅れ時間および行き 過ぎ量は大きく変動する.このため、粘性係数のわ ずかな誤差に対しても計算結果における誤差は大き くなってしまったものと考えられる.本研究で考慮 しなかった他の非線形性を考慮することによって両 者の定量的な一致を目指すことは今後の課題である. また、本研究では振動子の非線形性を実験式により 現したが、非線形現象の物理的意味を明らかにする ことも今後の課題である.

なお、振動子振動のあらゆる非線形性を考慮しない解析も行なった.この結果、図8のような左右非 対称な回転特性とは異なり、左右対称な回転数分布 を呈した.これは、3章でも述べたように、振動子 振動の漸軟ばね型非線形振動特性を考慮することの 必要性を表している.

また、振動子と回転子が点接触すると仮定した解析も行なった.この結果、左右非対称な回転数分布 は得られたものの、図 8 と図 4 は定量的に一致し なかった.これは、接触による非線形特性がモータ の特性に影響することを表している.

以上のように、振動子の非線形性および回転子と の接触に伴う摩擦力分布の振動子振動への影響とい うふたつの非線形因子を考慮している本研究の動力 学モデルは、これまで数値計算では十分に表せなか った超音波モータの非線形特性を表現できることを 確認した.特に、図 4(a)および図 8(a)に見られるよ うな、回転速度が最大となる周波数からわずかに周 波数を小さくした際の急激な回転速度の減少は、線 形モデルでは決して表現できなかった挙動である. 以上のように、本計算結果は、定常状態において計 測結果とほぼ一致するのみならず、動特性の特徴も よく一致している.動的挙動をさらに定量的に一致 させるためにはパラメータの最適化という課題が残 されており、この点は今後の課題である.

超音波モータは直流電磁モータ等と比べ,様々な 非線形性を有することが普及のためのひとつの足か せとなってきた.本解析手法を用いて,設計時に非 線形性を改善することや,非線形性を補償する制御 系を構築することは今後の課題である.

## 6. おわりに

本研究では、計測および数値計算を用いて進行波 型超音波モータの非線形過渡応答の解析を行った. はじめに、レーザ・ドップラ速度計を用いて超音波 モータの起動・停止時における過渡応答を計測し, 入力パラメータの影響を明らかにした.次に、モー タの非線形性を考慮した超音波モータの動力学モデ ルを構築した.さらに、計算結果と測定結果を比較 することにより、本モデルによって超音波モータの 非線形動特性を表現できることを確認した.

なお、本研究では棒状超音波モータを対象としたが、 本手法はリング型超音波モータや円筒型超音波モータ などの任意の進行波型超音波モータに容易に拡張する ことが可能な一般的な手法である.

謝辞 本研究の一部は、科研費特定領域研究「ブレ イクスルーを生み出す次世代アクチュエータ研究」 の援助により行われた.記して謝意を表する.

## 参考文献

- T. Sashida, T. Ashizawa et.al., Ultrasonic Motor, Japan AEM Journal, Vol. 8, No. 3 (2000), pp. 312-320.
- (2) Takashi Maeno, Ultrasonic Motor, Journal of Robotics Society of Japan, Vol. 21, No. 1 (2003), pp. 10-14.
- (3) Minoru Kurosawa and Sadayuki Ueha, Efficiency of Travelling-Wave-Type Ultrasonic Motors, Journal of Acoustical Society of Japan, Vol. 44, No. 1 (1988), pp. 40-46.
- (4) T. Maeno, T. Tsukimoto, and A.Miyake, Finite-Element Analysis of the Rotor/Stator Contact in a Ring-Type Ultrasonic Motor, IEEE Trans. Ultrason., Ferroelec, Freq. Contr., Vol. 39, No. 6 (1992), pp. 668-674.
- (5) N. W. Hagood IV, A. J. McFarland, Modeling of a Piezoelecric Rotary Ultrasonic Motor, IEEE Trans. Ultrason., Ferroelec., Freq. Contr., Vol. 42, No. 2 (1995), pp. 210-224.
- (6) M. Tsai, C. Lee, and S. Hwang, DynamicModeling and Analysis of a Bimodal Ultrasonic Motor, IEEE Trans.,Ultrason., Ferroelec., Freq., Contr., Vol.50, No.3 (2003), pp.245-256.
- (7) S. Gutschmidt, P. Hagedorn, Modeling the steady and unsteady operation of a piezo-electric bar type motor, Proc. Int., Conf., Acoust., (2004), pp.I405-I408.
- (8) P. Hagedorn, T. Sattel, D Speziari, J. Schmidt and G. Diana, The importance of rotor flexibility in ultrasonic traveling wave motors, Smart Mater. Struct. 7 (1998), pp.352-368.
- (9) I. Okumura, A Designing Method of a Bar-Type Ultrasonic Motor for Autofocus Lenses, Proc. IFToMM-jo International Symposium on Theory of Machines and Mechanisms, (1992), pp. 836-841.
- (10) Takashi Maeno, Recent Progress of Ultrasonic Motors, Proc. The First International Workshop on Ultrasonic Motors and Actuators, (2005), pp. 15-18.
- (11) Takashi Maeno, Contact Analysis of Traveling Wave type Ultrasonic Motor considering Stick/Slip Condition, Journal of Acoustical Society of Japan, Vol. 54, No. 4 (1998), pp. 305-311.